# 多波長ライダーおよびサンフォトメーターを組み合わせたライダー定数の導出

金城秀樹, 久世宏明, 高村民雄, 竹内延夫 千葉大学 環境リモートセンシング研究センター

Derivation of Aerosol Extinction-to-Backscattering Ratio using a Multi-Wavelength Lidar and a Sun photometer Hideki Kinjo, Hiroaki Kuze, Tamio Takamura, and Nobuo Takeuchi Center for Environmental Remote Sensing, Chiba University 1-33 Yayoi-cho, Inage-ku, Chiba 263-8522, Japan

Representative sets of the extinction-to-backscattering ratio for several wavelengths from the actual measurements would contribute to extract more substantial information from remotely sensed aerosol data. Here we propose a method to determine the extinction-to-backscattering ratio using a multi-wavelength lidar (1064, 532, 756, and 355 nm) and a sun photometer data. In our approach, first, the ratio is obtained at 532 nm by comparing the optical thickness derived from the lidar data with optical thickness obtained with the sun photometer. At each altitude, it is assumed that the aerosol extinction coefficient at each lidar wavelength is proportional to the coefficient at 532 nm. The proportional factors are obtained from the sun photometer data. Then we determine the value of the ratio at 1064, 756, and 355nm using the profile as a reference profile.

# 1. はじめに

反転解法 <sup>1)</sup>を用いた弾性散乱ライダーデータから 消散係数への変換において、エアロゾル消散係数と 後方散乱係数の比(ライダーレシオ)は重要な役割を 果たす。また、ライダーレシオの波長依存性は、エ アロゾルの光学的特性の同定に有効である。このラ イダーレシオは、対流圏に存在するエアロゾルの粒 径分布および複素屈折率に対して 10~100 sr の値 を示す <sup>2)</sup>。したがって、多波長においてライダーレ シオの代表値を求めることは、ライダーデータの解 釈において重要である。

弾性散乱ライダー単独ではライダーレシオの導出 は不可能であるため、他の観測機器との同期観測が 提案されてきた。金城ら<sup>30</sup>は、エアロゾル散乱係数 (波長 530 nm)を地上設置の積分型ネフェロメータ ー4)で観測し、ライダーデータ(532 nm)の校正を行 なった。サンフォトメーターは気柱内エアロゾルの 光学的厚さを計測することが可能であるため、ライ ダーレシオの決定と消散係数の校正に有効である <sup>5,6)</sup>。高村ら <sup>5)</sup>はサンフォトメーターとライダーの同 期観測を行い、532 nm におけるライダーレシオが 30~70 sr であることを示した。本研究では、多波 長ライダー<sup>7,8)</sup>とサンフォトメーターを用いたライ ダーレシオの導出法について述べる。

# 2. 理論 単散乱ライダー方程式は、

$$P(z) = K \frac{G(z)}{z^{2}} [\beta_{1}(z) + \beta_{2}(z)]$$

$$\times \exp \left[ -2 \int_{z_{0}}^{z_{f}} \alpha_{1}(z') dz' - 2 \int_{z_{0}}^{z_{f}} \alpha_{2}(z') dz' \right],$$
(1)

で与えられる。ここでKは装置定数、G(z)は重なり 関数、 zはライダーから対象物までの距離、 $\beta_i$ お よび $\alpha_i$  (i=1,2)は消散係数と後方散乱係数である。 添字 1、2 はそれぞれエアロゾル粒子、空気分子を 示す。Fernald の解法 <sup>1)</sup>では、 $\beta_i \ge \alpha_i$ の間に線形 関係  $\alpha_i = S_i \beta_i$  が仮定される。ここでエアロゾルの パラメーター $S_1$ はライダーレシオと呼ばれる。空気 分子の係数  $\beta_2$  および $\alpha_2$ は、標準大気モデル <sup>9)</sup>から 推定できる。

ライダー信号を距離 2 乗補正した信号を $X(z) = P(z)z^2$ , (2)

と定義すれば、エアロゾル消散係数は

$$\alpha_{1}(z) = -\frac{S_{1}(z)}{S_{2}}\alpha_{2}(z) + \frac{S_{1}(z)X(z)\exp\left[I(z)\right]}{\frac{X(z_{c})}{\frac{\alpha_{1}(z_{c})}{S_{1}(z_{c})} + \frac{\alpha_{2}(z_{c})}{S_{2}}} + J(z)}, \quad (3)$$

で求められる。ここで積分項I(z)、J(z)は

$$I(z) = 2 \int_{z}^{z_{t}} \left[ \frac{S_{1}(z')}{S_{2}} - 1 \right] \alpha_{2}(z') dz', \quad (4)$$

$$J(z) = 2 \int_{z}^{z_{\rm f}} S_1(z') X(z') \exp \left[ I(z') \right] dz', \quad (5)$$

で定義される。式(3)において、 *z* は参照高度を示 す。

#### 3. 観測

多波長ライダーの鉛直方向の観測はNd:YAG レ
ーザー(1064、532、355 nm)および Ti:Sapphire レ
ーザー(756 nm)で行なわれた。繰り返し周波数は
10Hz である。サンフォトメーターによる光学的厚
さの観測は8波長(368、420、500、532、675、778、
880、1033nm)で行なわれた。これらの測器は千葉
大学環境リモートセンシング研究センター(海抜 30 m)に設置された。

対流圏エアロゾルの光学的厚さは気柱内の光学的 厚さから成層圏エアロゾルの光学的厚さを差し引く ことにより求まる。1991 年 6 月の Pinatubo 山の噴 火により、成層圏エアロゾルの光学的厚さは噴火前 に比べると 20-50 倍になっている <sup>10</sup>。しかしながら、 1997 年には成層圏エアロゾルの光学的厚さが噴火 前と同程度になっていることが報告されている <sup>10</sup>。 Kent ら <sup>10</sup>が報告した後方散乱積分値および消散係 数と後方散乱係数の比を用いて、本研究では 355 nm、532 nm、756 nm、1064 nm に対して 0.0043、 0.0024、0.0014、0.00088 を仮定した。

ライダーおよびサンフォトメーターデータからの  $S_1$ の導出にあたり、光路中の $S_1$ は一定であると仮 定した。解析において、まず、光学的厚さの比較か ら波長 532 nm における $S_1$ を求めた。その際、参照 高度から対流圏界面までの消散係数プロファイルは、 笹野 <sup>11)</sup>が筑波において得た大気モデルを利用した。

各高度において、波長 $\lambda_i$  (i = 355, 756, 1064 nm) の消散係数 $\alpha_1(\lambda_i, z)$  が、532 nm 波長の消散係数 と線形関係にあると仮定すると、

$$\alpha_1(\lambda_i, z) = K_i \alpha_1(\lambda_{532}, z), \tag{6}$$

で表される。ここで、 $K_i = \tau(\lambda_i)/\tau(\lambda_{532})$ であり、  $\tau(\lambda_{532}) \geq \tau(\lambda_i)$ はサンフォトメーターで計測され る波長 $\lambda_{532} \geq \lambda_i$ における光学的厚さである。式(6) により導出された波長 $\lambda_i$ における消散係数プロフ  $\tauイルは、参照プロファイル\alpha_1^{(ref)}(=\alpha_1(\lambda_i,z))$ とす ることができる。続いて $\lambda_i$ におけるライダー信号は、 Fernald<sup>10</sup>の反転解法を用いていくつかの可能な $S_1$ について消散係数に変換される。このプロファイル  $\epsilon \alpha_1^{(obs)}$ と記述すると、 $\alpha_1^{(obs)} \geq \alpha_1^{(ref)}$ の RMS 誤差 は

$$D = \left[ \frac{\int_{z_0}^{z_c} \left[ \alpha_1^{\text{(obs)}}(z') - \alpha_1^{\text{(ref)}}(z') \right]^2 dz'}{z_c - z_0} \right]^{1/2}, \quad (7)$$

で定義される。 $z_0$ はレーザービームと望遠鏡視野の 重なり点、 $z_c$ は参照高度を示す。Dを最小にする ことにより、参照プロファイルを最も良く再現する  $S_1$ を決定することができる。

#### 4. 結果と議論

フィッティング区間 $z_0 \sim z_c$ が小さければ、求まる $S_1$ は局所的なエアロゾルの光学的特性の影響を

-140 ----

受け、逆に  $z_0 \sim z_c$ が大きすぎれば $\alpha_1^{(obs)}$ はノイズ の影響を受け、Dの最小値を適切に検出できない。 これらを考慮し、 $z_c$ は 3000 m に設定した。 $z_0$ は 750 m である <sup>12)</sup>。

Fig.1 に結果を示す。Fig. 1(a)に入力した $S_1$ に対 する D の変化を示す。ここでD の値はその最小値 で規格化されている。規格化されたD にある閾値を 与えた場合、求まる $S_1$ の範囲は、355 nm が最も大 きいことがわかる。Fig. 1(b)には、1064 nm におけ る $\alpha_1^{(ref)}$ と、D を最小にする $S_1$ を用いて導出され た $\alpha_1^{(obs)}$ が示されている。 $z_0 \sim z_c$ における $\alpha_1^{(obs)}$ と  $\alpha_1^{(ref)}$ の光学的厚さを $\tau^{(obs)}$ および $\tau^{(ref)}$ とし、  $\tau^{(ref)}$ に対する $\tau^{(obs)}$ の誤差 $\varepsilon$ を  $\varepsilon = (\tau^{(obs)} - \tau^{(ref)})/\tau^{(ref)} \times 100$ とすれば、D を 最小にする $S_1$ により導出された $\tau^{(obs)}$ と $\tau^{(ref)}$ の誤 差は 355 nm で-6%程度、756 nm および1064 n mでは±1%以内であった。



Fig.1 Results of applying the present method to the multi-wavelength lidar and the sun photometer data (Apr. 14, 1999). (a) Normalized RMS difference. (b)The reference profile (gray line) and the observed profile which minimizes the RMS difference (black line) at 1064 nm.

Fig.1 では式(7)を用いて D を評価したが、消散 係数の波長依存性が高度に対して一定であるという 仮定を厳密に解釈するならば、 $\alpha_1^{(obs)} \ge \alpha_1^{(ref)}$ の対 数をとった

$$D = \left[\frac{\int_{z_0}^{z_c} \left[\ln \alpha_1^{(\text{obs})}(z') - \ln \alpha_1^{(\text{ref})}(z')\right]^2 dz'}{z_c - z_0}\right]^{1/2}, (8)$$

で評価するべきであろう。したがって、式(7)、(8) を用いて評価した結果の違いについて議論する必要 がある。Fig.2は1999年5月21日、1998年10月 9日にそれぞれ観測されたデータについて、式(7)、 (8)の評価式を用いて求められた S, の相関をとった 結果である。1999 年 5 月 21 日の大気は、大気混合 層が高度 2600 m 付近まで発達し、 z<sub>0</sub> ~ z<sub>c</sub>におい てエアロゾルの光学的特性が一定であると考えられ る状態あった。それに対し 1998 年 10 月 9 日の大気 は高度1600mまで大気混合層が発達し、 $z_0 \sim z_c$ に おいてエアロゾルが光学的特性の異なる2層構造を なしていた(Fig.2(a))。Fig.2(b)、(c)において、横軸 は式(7)から導出された S,、縦軸は式(8)から導出さ れた $S_1$ である。Fig. 2(b)のケースでは、どちらの評 価式を用いても、ほぼ同じ S」が得られた。したがっ て z<sub>0</sub> ~ z<sub>c</sub>においてエアロゾルの光学的特性が一様 であるならば、式(7)、(8)で得られる結果は一致す るといえる。それに対し、Fig.2(c)のケースでは式(7) で評価した場合に比べ、式(8)で評価した結果が小さ くなる傾向にあった。このようなケースでは、z。~ z<sub>c</sub>に均等に重みをかけた式(8)で評価された値は 適切とはいえないため、式(7)で評価するのが適当 であるといえる。

5. まとめ

本研究では、多波長ライダーとサンフォトメータ ーのデータからライダーレシオを導出する方法につ いて述べた。提案された手法は、多波長ライダーの 解析において、校正された 532 nm 波長の消散係数 プロファイルから他のライダー波長の消散係数プロ ファイルを推定し、そのプロファイルを参照プロフ ァイルとすることによりライダーレシオを求めると

# いうものであった。

532 nm の消散係数の校正は、金城ら<sup>30</sup>が提案した ように地上設置の積分型ネフェロメーターにより可 能である。Mie 散乱から算出される消散係数の波長 依存性とライダーレシオのルックアップテーブルを 用いれば、サンフォトメーターデータがない夜間で のライダーレシオの同定が可能になるだろう。



Fig.2 (a) Top panel shows aerosol extinction profiles at 532 nm measured at May 21, 1999 and Oct. 9, 1998. Middle and bottom panels show the comparison of the lidar ratio obtained with Eq.(7) and (8). (a) May 21, 1999. (b)Oct. 9, 1998.

### Reference

- 1) F. G. Fernald: Appl. Opt. 23 (1984) 652.
- S. J. Doherty, T. L. Anderson, and R. J. Charlson: Appl. Opt. 38 (1999) 1823.
- H. Kinjo, H. Kuze, Y. Sakurada, and N. Takeuchi: Jpn. J. Appl. Phys. 38 (1999) 293.
- J. M. Rosen, R. G. Pinnick and D. M. Garvey: Appl. Opt. 36 (1997) 2642
- T. Takamura, Y. Sasano, and T. Hayasaka: Appl. Opt. 33 (1994) 7132.
- T. Hayasaka, Y. Meguro, Y. Sasano, and T. Takamura: Appl. Opt. 37 (1998) 961.
- N. Takeuchi, H. Kuze, Y. Sakurada, T. Takamura, S. Murata, K. Abe and S. Moody: *Proc. 18th Int. Conf. Laser Radar, Berlin, 1996* (Springer-Verlag, Berlin, 1997) p. 71.
- H. Kuze, M. Qiang, Y. Sakurada, T. Takamura, and
   N. Takeuchi: *Proc. 18th Int. Conf. Laser Radar,* Berlin, 1996 (Springer-Verlag, Berlin, 1997) p. 75.
- 9) NASA: 1976 U. S. Standard Atmosphere Supplement (U. S. GPO, Washington, D. C., 1976)
- 10) G. S. Kent and G. M. Hansen: Appl. Opt. 37 (1998) 3861.
- 11) Y. Sasano: Appl. Opt. 35 (1996) 4941.
- 12) H. Kuze, H. Kinjo, Y. Sakurada and N. Takeuchi: Appl. Opt. 37 (1998) 3128.